

Rappel : Soit la droite d d'équation cartésienne $ax + by + c = 0$. Un vecteur directeur \vec{v} de cette droite a pour coordonnées $\begin{pmatrix} -b \\ a \end{pmatrix}$.

On va ici employer la méthode par colinéarité pour déterminer une équation cartésienne de d.

Soit le point M (x ; y) appartenant à la droite d d'équation cartésienne $ax + by + 5 = 0$.

Sachant que le point A (3 ; 2) appartient aussi à la droite d, on peut donc dire que le vecteur \overrightarrow{AM} est un vecteur directeur de la droite d.

Déterminons ses coordonnées.

$$\overrightarrow{AM} \begin{pmatrix} x-3 \\ y-2 \end{pmatrix}$$

De plus, on sait que le vecteur $\vec{u} \begin{pmatrix} -b \\ a \end{pmatrix}$ est aussi un vecteur directeur de la droite d.

Par conséquent, les vecteurs \overrightarrow{AM} et \vec{u} sont colinéaires.

Il en résulte que le critère de colinéarité est vérifié.

Autrement dit, $(x-3) \times (a) - (y-2) \times (-b) = 0$

$$ax - 3a + by - 2b = 0$$

$$ax + by - 3a - 2b = 0$$

On sait en outre que d admet comme équation cartésienne $ax + by + 5 = 0$.

On identifiant terme à terme les deux équations cartésiennes de la droite d, on en déduit que :

$$-3a - 2b = 5$$

$$a = -\frac{2b+5}{3} \text{ et } b = -\frac{3a+5}{2}$$

Or, $a \in [-5 ; 5]$ et $b \in [-5 ; 5]$ avec a et b des entiers.

Pour $b = -5, a = \frac{10}{3}$ impossible.

Pour $b = -4, a = 1$ est un couplet solution.



Pour $b = -3, a = \frac{1}{3}$ impossible.

Pour $b = -2, a = -\frac{1}{3}$ impossible.

Pour $b = -1, a = -1$ est un couplet solution.

Pour $b = 0, a = -\frac{5}{3}$ impossible.

Pour $b = 1, a = -\frac{7}{3}$ impossible.

Pour $b = 2, a = -3$ est un couplet solution.

Pour $b = 3, a = -\frac{11}{3}$ impossible.

Pour $b = 4, a = -\frac{13}{3}$ impossible.

Pour $b = 5, a = -5$ est un couplet solution.

Pour $a = -4, b = -\frac{7}{2}$ impossible.

Pour $a = -2, b = 0.5$ impossible.

Pour $a = 0, b = -2.5$ impossible.

Pour $a = 2, b = -5.5$ impossible.

Pour $a = 3, b = -7$ impossible.

Pour $a = 4, b = -8.5$ impossible.

Pour $a = 5, b = -10$ impossible.

